

## PRIMER PARCIAL 2020-2021

### EJERCICIO 1 (4 puntos)

Un laboratorio farmacéutico, dedicado a plantas medicinales, tiene preparadas para su venta  $N$  especies vegetales diferentes. El departamento de ventas de dicho laboratorio desea realizar un algoritmo que permita determinar qué especies son las más vendidas y cuáles menos, así como los ingresos asociados a la venta. Los nombres de las especies vegetales se encuentran almacenados en un vector denominado **Esp**, las cantidades de cada una de ellas en un vector **Q** y los precios unitarios de cada especie en un vector **Prec**. Los pasos que se siguen para elaborar el algoritmo son los siguientes (expresese en forma de organigrama):

- Generar una matriz denominada **PLANTAS** de  $N$  filas y 3 columnas, cuya primera columna contenga los nombres de las diferentes especies, la segunda columna contenga la cantidad de cada una de ellas y la tercera columna contenga los precios. (1 punto)
- Obtener un vector llamado **G** cuyos elementos representen los ingresos que se obtienen por la venta de cada especie vegetal (es decir, el producto de la cantidad de cada una por su precio). (1 punto)
- Determinar con la venta de qué especie (se guardará en **E<sub>max</sub>**) se obtienen los mayores ingresos (se guardará en **P<sub>max</sub>**) y con la venta de qué especie (se guardará en **E<sub>min</sub>**) se obtienen los menores ingresos (se guardará en **P<sub>min</sub>**). (2 puntos)

### EJERCICIO 2 (4 puntos)

Realizar un algoritmo (organigrama o pseudo-código) que permita obtener una matriz de dimensiones  $(N,N)$  tal que:

- Su primera fila esté formada por los  $N$  primeros números naturales, comenzando por el número 1.
- La fila  $i$  ( $i=2,3,\dots,N-1$ ) se obtenga elevando a  $i$  los elementos de la fila  $i-1$ .
- Cada elemento de la fila  $N$  se obtenga mediante la suma de los elementos de su misma columna y filas anteriores (ver ejemplo ilustrativo).

Ejemplo ilustrativo:  $(N=4)$

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 1^2 & 2^2 & 3^2 & 4^2 \\ 1^3 & 4^3 & 9^3 & 16^3 \\ 1+1^2+1^3 & 2+2^2+4^3 & 3+3^2+9^3 & 4+4^2+16^3 \end{pmatrix}$$

**EJERCICIO 3 (2 puntos)** En un reactor químico se ha medido la temperatura ( $T$ ) que se alcanza en 5 posiciones dadas por  $x=\{0,1,5,7,10\}$ , obteniendo la siguiente tabla:

x (metros)	0	1	5	7	10
T (Kelvin)	280	380	300	294	225

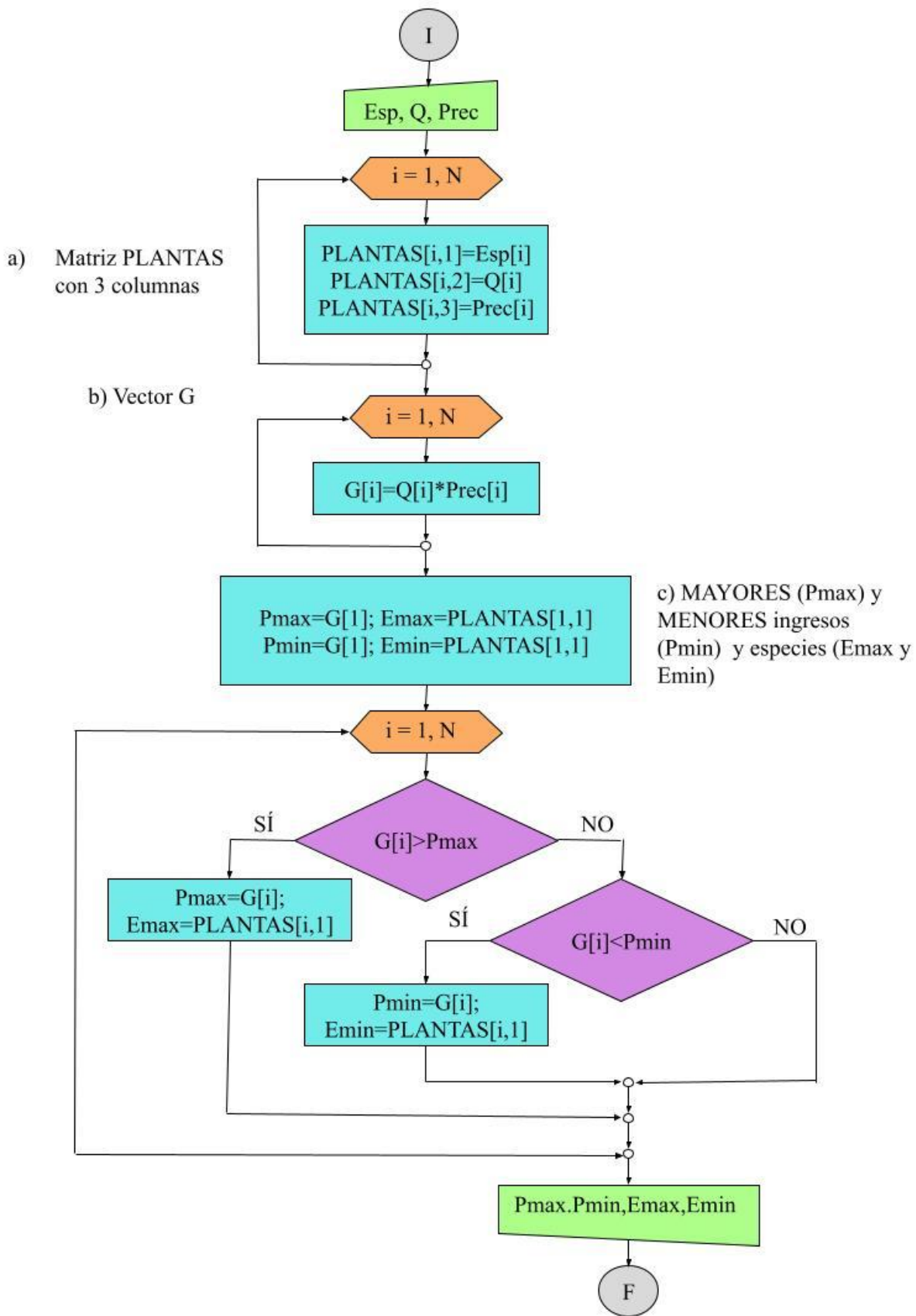
Se pide:

A) Estimar el valor del flujo calorífico,  $\Phi = -D \cdot T'(x)$  (siendo T temperatura y  $T'(x)$  su derivada), en los puntos  $x=5.5$  y  $x=7.5$ ; sabiendo que el coeficiente de difusión de calor es  $D=0.15 \text{ m}^2/\text{s}$ , empleando para ello una función interpoladora que tome como soporte los puntos situados en las posiciones  $\{5,7,10\}$ .

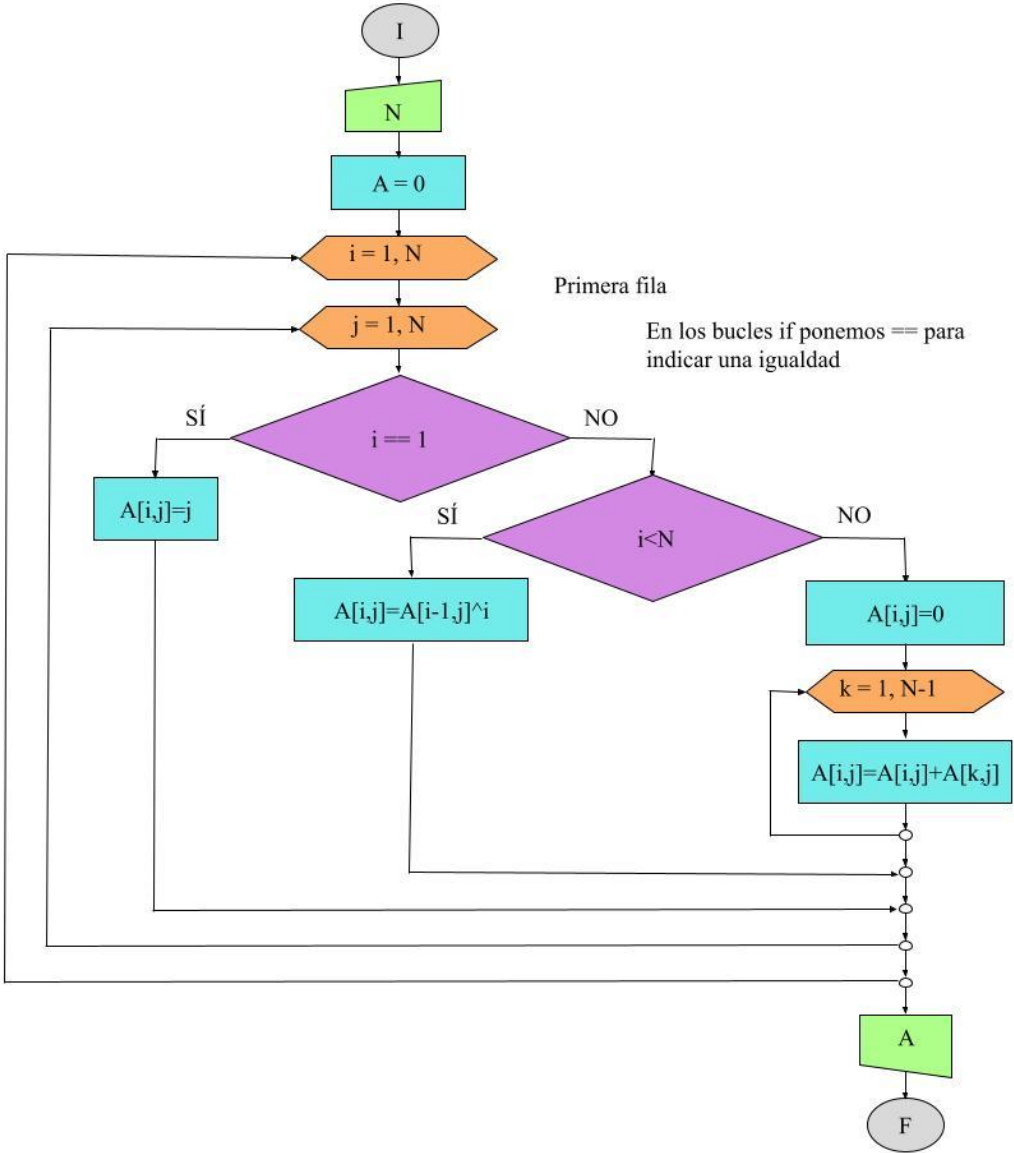
B) Obtener, y representar gráficamente, la función de base asociada al punto  $x=10$ , tomando como soporte  $\{5,7,10\}$  en el intervalo  $[5,10]$

# SOLUCIONES

## Ejercicio 1



# Ejercicio 2



### Ejercicio 3

A) Usando el método de polinomios de base:

$$p(x) = 300 \frac{(x-7)(x-10)}{(5-7)(5-10)} + 294 \frac{(x-5)(x-10)}{(7-5)(7-10)} + 225 \frac{(x-5)(x-7)}{(10-5)(10-7)} \Rightarrow$$

$$p(x) = 30(x-7)(x-10) - 49(x-5)(x-10) + 15(x-5)(x-7)$$

$$p'(x) = -8x + 45$$

$$\Phi(5.5) = -0.15 * p'(5.5) = -0.15$$

$$\Phi(5.5) = -0.15 * p'(7.5) = 2.25$$

$$\text{B) } \Phi(x) = \frac{(x-5)(x-7)}{(10-5)(10-7)} = \frac{(x-5)(x-7)}{15} = \frac{1}{15} (x^2 - 12x + 35)$$

